

无证书的可验证签密方案

周敏¹, 姚金涛¹, 万军洲¹, 巫莉莉²

(1 华南农业大学 信息学院, 广东 广州 510642; 2 华南农业大学 现代教育技术中心, 广东 广州 510642)

摘要: 签密是把加密和签名结合起来, 能实现数据的机密性和认证性. 无证书密码体制实现无公钥证书且没有密钥托管的性质. 本文提出的方案是一种基于无证书的公钥可验证签密方案, 该方案在 Al-Riyami 提出的安全证明模型中具有机密性和不可伪造性.

关键词: 无证书签密; 不可伪造; 机密性; 可验证

中图分类号: TP309

文献标志码: A

文章编号: 1001-411X(2011)04-0110-03

The Certificateless Verifiable Signcryption Scheme

ZHOU Min¹, YAO Jin-tao¹, WAN Jun-zhou¹, WU Li-li²

(1 College of Informatics, South China Agricultural University, Guangzhou 510642, China;

2 Modern Education Technology Center, South China Agricultural University, Guangzhou 510642, China)

Abstract: Signcryption combines the signature and the encryption into one, and implements data confidentiality and authentication. Certificateless cryptosystem realizes the properties of the certificateless and the key-unescrow. So certificateless verifiable signcryption was proposed. The confidentiality and unforgeability of this scheme was proved under the secure model mentioned by Al-Riyami.

Key words: certificateless signcryption; unforgeability; confidentiality; verifiable

为了达到数据的机密性和认证性. 传统的方法是采用先签名后加密的方法, 其运算代价是两者之和, 效率比较低. 1997年 Zheng^[1]首先提出了签密的概念(Signcryption), 其主要思想是把加密系统和签名系统的功能结合起来, 能在逻辑上同时实现数据的机密性和认证性, 但是比传统的先签名后加密(Signature then encryption)的方法效率高.

签密的高效性使其得到了广泛的关注, 近年来, 有许多签密方案提出来. 但是, 由于被签密的消息在签名的同时也被加密, 不能像一般签名那样被公开验证. 1998年 Feng等^[2]以 Zheng的签密方案为基础, 提出了一种签名可公开验证的签密方案, 即BD签密方案. 2000年 Lee等^[3]基于前人^[4]中的认证加密方案提出了一种可公开验证的签密方案, 简称Lee方案. 张串绒等^[5]对 Lee方案进行密码分析研究, 发

现了其中存在的安全问题, 并给出了一个改进方案, 简称Zhang方案. 2002年 Malone-Lee^[6]定义了基于身份的签密方案的安全模型, 利用双线性对构造了第一个基于身份的签密方案. 该模型能处理消息的机密性和签名的不可伪造性.

1978年 Rivest等^[7]第一次提出公钥加密方案. 1984年 Shamir^[8]引进了基于身份的密码学IDPKC的概念. IDPKC消除了对用户证书的依赖, 极大地简化了密钥管理问题. 2003年 Al-Riyami等^[9]提出了基于无证书的公钥加密方案, 系统参数由系统初始化, 用户的部分私钥由一个可信密钥生成中心(KGC)生成, 用户使用这个部分秘密钥和自己生成的秘密值独立地生成自己的公钥和秘密钥. 克服了传统公钥密码学中的证书存在问题, 而且消除了基于身份密码学中密钥托管的问题.

收稿日期: 2010-09-17

作者简介: 周敏(1973—), 女, 副教授, 博士研究生, E-mail: zmfw@scau.edu.cn

基金项目: 国家自然科学基金(60973134); 广东省自然科学基金(9151064201000058, 10351806001000000)

本文提出的方案是一种基于无证书的公钥签密方案,该方案在 Al-Riyami 提出的安全证明模型中具有机密性和不可伪造性。

1 基于无证书的可验证签密方案

1.1 系统参数建立

给定 (G_1, G_2, q, e, P) 随机参数 $s \in \mathbb{Z}_q^*$ 并置 $P_{\text{pub}} = sP$. 选择3个Hash函数 $H_1: \{0,1\}^* \rightarrow G_1, H_2: \{0,1\}^* \times G_2 \rightarrow \mathbb{Z}_q$ 以及 $H_3: G_2 \rightarrow \mathbb{Z}_q$. 系统公开的参数 $(G_1, G_2, q, e, P, P_{\text{pub}}, H_1, H_2, H_3)$. 系统的主密钥为 s .

1.2 提取部分私钥

身份 $ID_i \in \{0,1\}^*$ 作为输入, KGC 计算 $Q_i = H_1(ID_i) \in G_1$, 输出部分私钥 $D_i, D_i = sQ_i \in G_1$.

1.3 密钥产生

1) 设置秘密值: 用户随机选取 $x_i \in \mathbb{Z}_q^*$ 作为自己的秘密值;

2) 设置秘密钥: 用户计算自己的私钥, $S_i = x_i D_i = x_i s Q_i$;

3) 设置公开钥: 用户计算自己的公钥 $PK_i = (X_i, Y_i) = (x_i Q_i, x_i P)$.

1.4 签密

给定签密者私钥 S_s , 消息 $m \in \{0,1\}^*$, 执行以下步骤:

1) 随机选取 $k \in \mathbb{Z}_q^*$;

2) 计算 $a = x_s X_R, b = e(a, P_{\text{pub}})$, 其中 x_s 是签密者的密值, X_R 代表接收者的公开钥;

3) 计算 $r = e(P, P)^k, h = H_2(m, r), h' = H_3(b)$;

4) 计算 $U = hS_s + kP, C = h' \oplus m$;

5) 输出无证书的可验证签密 (r, C, U) .

1.5 解签密

给定身份 ID_s 的密值 x_s 的签名者对于消息 m 的无证书的可验证签密 (C, r, U) .

1) 计算 $b = e(S_R, Y_s)$, 其中 S_R 代表接收者的秘密钥, Y_s 代表签密者的公开钥;

2) $h' = H_3(b)$;

3) $m = C \oplus h'$;

4) 计算 $h = H_2(m, r), Q_s = H_1(ID_s)$;

5) 当且仅当 $r = e(U, P) \cdot e(X_s, P_{\text{pub}})^{-h}$, 接受, 否则拒绝.

2 基于无证书的可验证签密方案的正确性和安全性证明

2.1 正确性

接收者接收签名, 因为用双线性对的性质可以

证明下列等式成立.

$$b = e(S_R, Y_s) = e(x_s s Q_R, x_s P) = e(s X_R, x_s P) = e(x_s X_R, s P) = e(a, P_{\text{pub}}).$$

$$e(U, P) \cdot e(X_s, P_{\text{pub}})^{-h} = e(U, P) \cdot e(x_s Q_s, s P)^{-h} = e(U, P) \cdot e(x_s s Q_s, P)^{-h} = e(h S_s + k P, P) \cdot e(S_s, P)^{-h} = e(h S_s + k P, P) \cdot e(-h S_s, P) = e(k P, P) = e(P, P)^k = r.$$

2.2 不可伪造性

定理 1 无证书可验证签密方案在文献[9]定义的2种类型攻击下是适应性选择密文不可伪造的 (Indistinguishability chosen ciphertext attacks, IND-CCA). 前提是 CBDH 和 DBDH 是困难的.

证明 因为本方案采用的无证书密码体制和文献[10]中的一致, 所以不可伪造性等同于文献[10]中方案的不可伪造性. 具体证明参见文献[10].

2.3 不可否认性

因为在解签密阶段, 恢复 $b = e(S_R, Y_s)$ 要用到签密者的公钥, 在签名验证阶段的 $r = e(U, P) \cdot e(X_s, P_{\text{pub}})^{-h}$ 中也要用到签密者的公钥 X_s , 所以签密者无法否认自己的签密. 因此, 该方案满足不可否认性.

2.4 机密性

定理 2 本文的方案在无证书公钥密码体制下是 IND-CCA 安全的, 前提是 DBDH 和 CBDH 是难解的.

证明 假设 A 是一个多项式有界 IND-CCA 的攻击者, B 是多项式有界算法, S 代表签密者, R 代表接受者.

1) 对于类型 1, 对未知的 $k_1, k_2, k_3 \in \mathbb{Z}_q^*$, 令 $P_{\text{pub}} = k_1 P$ (此处 k_1 相当于主密钥 s). B 随机选择 $x_R \in \mathbb{Z}_q^*$, 并 $x_R = k_2$, 则用户 R 公钥为 $PK_R = (X_R, Y_R) = (x_R Q_R, x_R P)$ 并置 $Q_R = k_3 P$; 随机选择 $x_s \in \mathbb{Z}_q^*$, 则用户 S 公钥为 $PK_S = (X_s, Y_s) = (x_s Q_s, x_s P)$. B 将这些参数发送给攻击者 A. B 随机选取 $x \in \mathbb{Z}_q^*$, 用新的公钥 $PK_S = (X, Y) = (x Q_s, x P)$ 替换 S 的公钥 $PK_S = (x_s Q_s, x_s P)$, 攻击者 A 选择 2 个消息 $m_1, m_2 \in \{0, 1\}^*$, 攻击者 A 向 B (多项式有界算法) 发出签密请求. 然后 B 随机选择 $i \in \{0, 1\}$ 运行签密算法对 m_i 进行签密, 并把签密发送给攻击者 A, 攻击者 A 根据签密猜测出 i^* , 若 $i^* = i$, B 就可以计算出 $b = e(S_R, Y) = e(x_s s Q_R, x P) = e(k_2 k_1 k_3 P, x P) = e(P, P)^{k_1 k_2 k_3 x}$, 因为 B 知道 x , 所以很容易计算出 $e(P, P)^{k_1 k_2 k_3}$, B 就可以利用 b 以及相应的密文求出相应的明文 m_i , 使攻击者 A 相信其对应的明文为 m_i . 若 $i^* \neq i$, B 就认为 $b \neq$

$e(P, P)^{k_1 k_2 k_3 x}$, 这样 B 就解决了 DBDH 问题, 则 CBDH 问题也就相应解决了. 与假设矛盾.

2) 对于类型 2, 攻击者 A 可以拥有主密钥 s . 对于未知的 $k_1, k_2, k_3 \in \mathbb{Z}_q$, B 设置 $Q_R = k_3 P$, $X_R = k_2 Q_R$, $Y_S = k_1 P$, 然后 B 运行 Setup, 并随机选择 $s \in \mathbb{Z}_q^*$, 计算 $P_{\text{pub}} = sP$. B 将这些参数发送给攻击者 A, 并随机选择 $i \in \{0, 1\}$, 运行签密算法对 m_i 签密, 并把签密发送给攻击者 A, 攻击者 A 根据签密文猜测出 i^* , 若 $i^* = i$, B 就可以计算出 $b = e(S_R, Y_S) = e(x_R s Q_R, Y_S) = e(s X_R, k_1 P) = e(sk_2 Q_R, k_1 P) = e(sk_2 k_3 P, k_1 P) = e(P, P)^{k_1 k_2 k_3 s}$, 并结合给定的密文就可以解出 m_i , 因为攻击者 A 知道主密钥 s , 所以 B 就可很容易地计算出 $e(P, P)^{k_1 k_2 k_3}$. B 就可利用 b 以及相应的密文求出相应的明文 m_i , 使攻击者相信其对应的明文为 m_i , 若 $i^* \neq i$, B 就认为 $b \neq e(P, P)^{k_1 k_2 k_3}$, 这样 B 就解决了 DBDH 问题, 则 CBDH 问题也就相应解决. 与假设矛盾.

综合 1) 和 2), 本方案在无证书公钥密码体制下是 IND-CCA 安全的.

2.5 可公开验证

在解签密阶段, 当接收者解出了 $b = e(S_R, Y_S)$, 就可通过计算 $h' = H_3(b)$ 来获取明文 m . 在解出明文的情况下签名是可公开验证的, 这是因为在等式 $r = e(U, P) \cdot e(X_S, P_{\text{pub}})^{-h}$ 中的参数都已经公开, 所以可以供任何第三方验证.

2.6 效率分析

本方案和文献[6]方案的效率比较如表 1 所示. 本方案最大的特点就是消除了基于身份密码学中密钥托管的问题.

表 1 方案效率比较

Tab. 1 Comparison of Scheme's Efficiency 次

操作	本文方案		文献[6]的方案	
	签密	解签密	签密	解签密
对运算	2	3	1	4
乘运算	3	0	3	0
指数运算	1	1	0	1
有无密钥托管	无	无	有	有

3 小结

本文在无公钥证书的基础上提出一种可公开验证的签密方案, 给出该方案的正确性证明, 并在 DBDH 和 CBDH 问题难解的前提下证明了该方案的不可伪造性和机密性. 该方案还具有可公开验证性.

参考文献:

- [1] ZHENG Yu-liang. Digital signcryption or how to achieve $\text{cost}(\text{signature \& encryption}) \leq \text{cost}(\text{signature}) + \text{cost}(\text{encryption})$ [J]. LNCS, 1997(1294):165-179.
- [2] FENG Bao, ROBERT H D. A signcryption scheme with signature directly verifiable by public key [J]. LNCS, 1998(1431):55-59.
- [3] LEE M K, KIM D K, PARK K. An authenticated encryption scheme with public verifiability [M] // Anon. 5th Japan Korea Joint Workshop on Algorithms and Computation. Tokyo:IEEE,2000:49-56.
- [4] HORSTER P, MICHELS M, PETERSEN H. Authenticated encryption schemes with low communication costs[J]. Electronics Letters,1994,30(15):1212-1213.
- [5] 张申绒,肖国镇. 一个可公开验证签密方案的密码分析和改进[J]. 电子学报,2006,34(1):177-179.
- [6] MALONE-LEE J. Identity based signcryption[EB/OL]. [2010-08-20]. <http://eprint.iacr.org/2002/098.pdf>.
- [7] RIVEST R L, SHAMIR A, ADLEMAN L. A method for obtaining digital signatures and public-key cryptosystems [J]. Communications of the ACM, 1978, 21(2):120-126.
- [8] SHAMIR A. Identity based cryptosystems and signature schemes[J]. LNCS,1985(196):47-53.
- [9] AL-RIYAMI S S, PATERSON K G. Certificateless public key cryptography[J]. LNCS,2003(2894):452-473.
- [10] LEE Y R, LEE H S. An authenticated certificateless public key encryption scheme [J]. Information Center for Mathematical Sciences,2005,8(1):177-187.

【责任编辑 周志红】